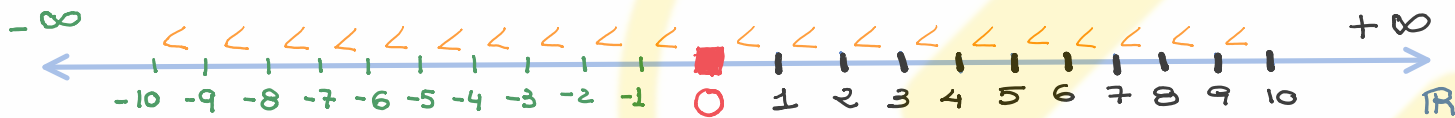


# NÚMEROS ENTEROS.1

## ORDEN DE LOS NÚMEROS ENTEROS.

RECTA NUMÉRICA: RECTA DE LOS NÚMEROS REALES.



<p>MENOR MAYOR "MENOR QUE"</p>	<p>MAYOR MENOR "MAYOR QUE"</p>	<p>"IGUAL"</p>
------------------------------------	------------------------------------	----------------

**EJEMPLO:** Comparar parejas de números:

DOS N° POSITIVOS:	DOS N° NEGATIVOS	UN N° NEGATIVO Y OTRO POSITIVO	UN N° POSITIVO Y OTRO NEGATIVO
2 < 5	-2 > -5	-7 < 9	10 > -18
14 > 9	-5 < -2	-20 < 0	28 > 0

**EJEMPLO:** Ordenar varios números: -18 45 -9 35 44 -56 118 -219 332 -425

### 1.DE MENOR A MAYOR:

-425 < -219 < -56 < -18 < -9 < 35 < 44 < 45 < 118 < 332

### 2.DE MAYOR A MENOR:

332 > 118 > 45 > 44 > 35 > -9 > -18 > -56 > -219 > -425

### ORDEN DE LOS N<sup>os</sup> ENTEROS

1. ORDENA EN SENTIDO CRECIENTE (DE MENOR A MAYOR)

-4    6    -2    1    -5    0    9

2. ORDENA LOS N<sup>os</sup> ANTERIORES EN SENTIDO DECRECIENTE (DE MAYOR A MENOR)

3. REPRESENTA GRÁFICAMENTE LOS N<sup>os</sup> DEL EJERCICIO 1.

## ORDEN DE LOS N<sup>os</sup> ENTEROS

1. ORDENA EN SENTIDO CRECIENTE (DE MENOR A MAYOR)

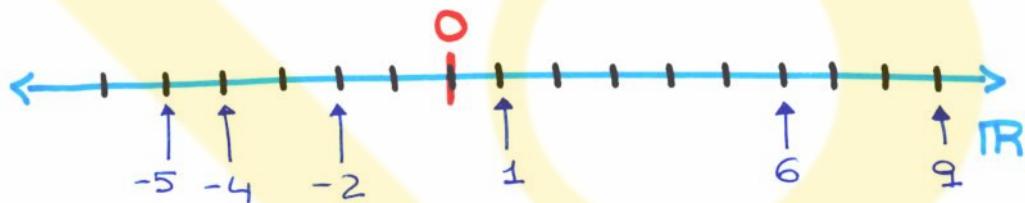
-4    6    -2    1    -5    0    9

-5 < -4 < -2 < 0 < 1 < 6 < 9

2. ORDENA LOS N<sup>os</sup> ANTERIORES EN SENTIDO DECRECIENTE (DE MAYOR A MENOR)

9 > 6 > 1 > 0 > -2 > -4 > -5

3. REPRESENTA GRÁFICAMENTE LOS N<sup>os</sup> DEL EJERCICIO 1.



**EL VALOR ABSOLUTO DE UN NÚMERO.**

**VALOR ABSOLUTO:** Distancia entre el número y el cero. Una distancia **NUNCA** puede ser **NEGATIVA**.



**EJEMPLOS:** Escribe el valor absoluto de los siguientes números:

$$|5| = 5$$

$$|-3| = 3$$

$$|0| = 0$$

**EJEMPLOS:** Operaciones con valor absoluto:

$$|-2| + |-3| = 2 + 3 = 5$$

$$|2| - |-3| = 2 - 3 = -1$$

$$|5 + 4| = |9| = 9$$

$$|-8 + 10| = |2| = 2$$

$$|-9 + 7| = |-2| = 2$$

$$|-8| + 5 = 8 + 5 = 13$$

$$3 - |-7| = 3 - 7 = -4$$

## EL VALOR ABSOLUTO DE UN NÚMERO

1. ESCRIBE EL VALOR ABSOLUTO DE :

$$|-3| =$$

$$|8+5| =$$

$$|19| =$$

$$|3| \cdot |-2| =$$

$$|43| =$$

$$|-7| - |-3| =$$

$$|-21| =$$

$$|8 \cdot 2| =$$

$$|74| =$$

$$|48 : 2| =$$

$$|-104| =$$

$$|-5| + |8| + |0| =$$

2. INDICA EL VALOR DE LAS SIGUIENTES EXPRESIONES :

valor absoluto de  $-5 \Rightarrow$

valor absoluto de  $0 \Rightarrow$

valor absoluto de  $14 \Rightarrow$

valor absoluto de  $100 \Rightarrow$

valor absoluto de  $-435 \Rightarrow$

valor absoluto de  $-138 \Rightarrow$

valor absoluto de  $1300 \Rightarrow$

## EL VALOR ABSOLUTO DE UN NÚMERO

1. ESCRIBE EL VALOR ABSOLUTO DE :

$$|-3| = 3$$

$$|19| = 19$$

$$|43| = 43$$

$$|-21| = 21$$

$$|74| = 74$$

$$|-104| = 104$$

$$|8+5| = |13| = 13$$

$$|3| \cdot |-2| = 3 \cdot 2 = 6$$

$$|-7| - |-3| = 7 - 3 = 4$$

$$|8 \cdot 2| = |16| = 16$$

$$|48 : 2| = |24| = 24$$

$$|-5| + |8| + |0| = 5 + 8 + 0 = 13$$

2. INDICA EL VALOR DE LAS SIGUIENTES EXPRESIONES :

$$\text{valor absoluto de } -5 \Rightarrow |-5| = 5$$

$$\text{valor absoluto de } 0 \Rightarrow |0| = 0$$

$$\text{valor absoluto de } 14 \Rightarrow |14| = 14$$

$$\text{valor absoluto de } 100 \Rightarrow |100| = 100$$

$$\text{valor absoluto de } -435 \Rightarrow |-435| = 435$$

$$\text{valor absoluto de } -138 \Rightarrow |-138| = 138$$

$$\text{valor absoluto de } 1300 \Rightarrow |1300| = 1300$$

### m.3 NÚMEROS ENTEROS.3

#### EL OPUESTO DE UN NÚMERO.

OPUESTO DE UN NÚMERO: El mismo número con el signo cambiado.

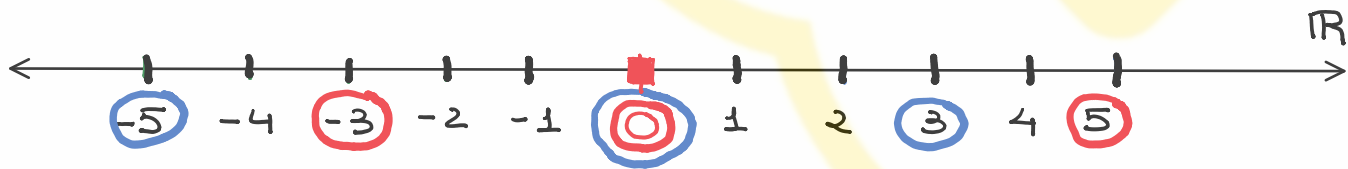
**OP(Nº)**

EJEMPLOS: Calcular el opuesto de los siguientes números:

$$\text{op}(-3) = 3$$

$$\text{op}(0) = 0$$

$$\text{op}(5) = -5$$



EJEMPLOS: Operaciones con el opuesto:

$$\text{op}(3) + \text{op}(-7) = -3 + 7 = 4$$

$$\text{op}(-8) - \text{op}(-5) = 8 - 5 = 3$$

## EL OPUESTO DE UN NÚMERO

1. ESCRIBE EL OPUESTO DE :

$$\text{op}(+12) =$$

$$\text{op}(-3) + \text{op}(-7) =$$

$$\text{op}(-21) =$$

$$\text{op}(+35) =$$

$$\text{op}(4.3) =$$

$$\text{op}(-4) =$$

$$\text{op}(-5) \cdot \text{op}(-4) =$$

2. INDICA EL VALOR DE LAS SIGUIENTES EXPRESIONES :

Opuesto de  $+7 \Rightarrow$

opuesto de  $-17 \Rightarrow$

opuesto de cero  $\Rightarrow$

opuesto de  $200 \Rightarrow$

opuesto de  $-120 \Rightarrow$

opuesto de  $1240 \Rightarrow$

opuesto de  $-2400 \Rightarrow$



## EL OPUESTO DE UN NÚMERO

1. ESCRIBE EL OPUESTO DE :

$$\text{op}(+12) = -12$$

$$\text{op}(-21) = +21$$

$$\text{op}(+35) = -35$$

$$\text{op}(-4) = 4$$

$$\begin{aligned}\text{op}(-3) + \text{op}(-7) &= \\ &= 3 + 7 = 10\end{aligned}$$

$$\text{op}(4.3) = \text{op}(12) = -12$$

$$\text{op}(-5) \cdot \text{op}(-4) = 5 \cdot 4 = 20$$

2. INDICA EL VALOR DE LAS SIGUIENTES EXPRESIONES :

$$\text{Opuesto de } +7 \Rightarrow \text{op}(+7) = -7$$

$$\text{opuesto de } -17 \Rightarrow \text{op}(-17) = 17$$

$$\text{opuesto de cero} \Rightarrow \text{op}(0) = 0$$

$$\text{opuesto de } 200 \Rightarrow \text{op}(200) = -200$$

$$\text{opuesto de } -120 \Rightarrow \text{op}(-120) = 120$$

$$\text{opuesto de } 1240 \Rightarrow \text{op}(1240) = -1240$$

$$\text{opuesto de } -2400 \Rightarrow \text{op}(-2400) = 2400$$

## EL VALOR ABSOLUTO Y EL OPUESTO

1. INDICA EL VALOR DE LAS SIGUIENTES EXPRESIONES :

a) valor absoluto del opuesto de +3

b) opuesto del valor absoluto de -4

c) opuesto del opuesto de -2

2. CALCULA :

$$\text{op}(|-3|) =$$

$$|\text{op}(+5)| =$$

$$\text{op}(\text{op}(-7)) =$$

$$\text{op}[\text{op}(\text{op}(+8))] =$$

$$\text{op}(|2|) + \text{op}(\text{op}(+8)) =$$

## EL VALOR ABSOLUTO Y EL OPUESTO

1. INDICA EL VALOR DE LAS SIGUIENTES EXPRESIONES :

a) valor absoluto del opuesto de +3

$$|op(+3)| = |-3| = 3$$

b) opuesto del valor absoluto de -4

$$op(|-4|) = op(4) = -4$$

c) opuesto del opuesto de -2

$$op[op(-2)] = op(2) = -2$$

2. CALCULA :

$$op(|-3|) = op(3) = -3$$

$$|op(+5)| = |-5| = 5$$

$$op(\underline{op(-7)}) = op(7) = -7$$

$$op[op(\underline{op(+8)})] = op(\underline{op(-8)}) = op(+8) = 8$$

$$op(|2|) + op(op(+8)) =$$

$$= op(2) + op(-8) = -2 + 8 = 6$$

## REPASA

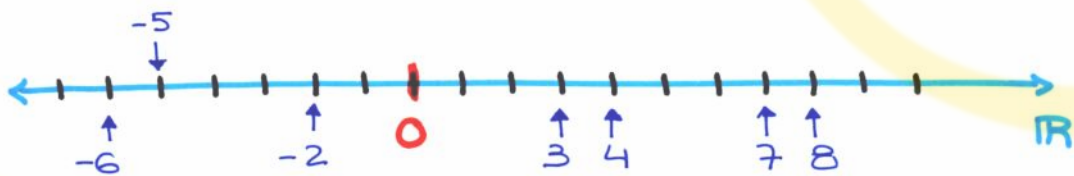
1. ORDENAR EN SENTIDO CRECIENTE, REPRESENTAR GRÁFICAMENTE, y CALCULAR LOS OPUESTOS y LOS VALORES ABSOLUTOS DE LOS SIGUIENTES N<sup>OS</sup> ENTEROS.

8   -6   -5   3   -2   4   0   7

ORDEN EN SENTIDO CRECIENTE:

-6 < -5 < -2 < 0 < 3 < 4 < 7 < 8

REPRESENTACIÓN GRÁFICA:



OPUESTOS:

$$\begin{aligned} \text{op}(-6) &= 6 \\ \text{op}(-5) &= 5 \\ \text{op}(-2) &= 2 \\ \text{op}(0) &= 0 \\ \text{op}(3) &= -3 \\ \text{op}(4) &= -4 \\ \text{op}(7) &= -7 \\ \text{op}(8) &= -8 \end{aligned}$$

VALORES ABSOLUTOS:

$$\begin{aligned} |-6| &= 6 \\ |-5| &= 5 \\ |-2| &= 2 \\ |0| &= 0 \\ |3| &= 3 \\ |4| &= 4 \\ |7| &= 7 \\ |8| &= 8 \end{aligned}$$

## m.3 NÚMEROS ENTEROS.4

### OPERACIONES DE DOS NÚMEROS ENTEROS.SUMA Y RESTA.

<p><b>+</b></p> <p><b>SUMA</b></p> <p>- "EL SIGNO BUENO" - TENER - AUMENTAR - AÑADIR - SUBIR</p> <p>} En problemas</p>	<p><b>-</b></p> <p><b>RESTA=DIFERENCIA</b></p> <p>- "EL SIGNO MALO" - DEBER - DISMINUIR - QUITAR - BAJAR</p> <p>} En problemas</p>
--	--

**EJEMPLOS:** CUANDO NO HAY PARÉNTESIS.

DOS POSITIVOS:

$$2 + 7 = 9$$

$$3 + 5 = 8$$

DOS NEGATIVOS:

$$-5 - 9 = -14$$

$$-4 - 10 = -14$$

POSITIVO Y NEGATIVO:

$$-8 + 4 = -4$$

$$8 - 4 = 4$$

**EJEMPLOS:** CUANDO HAY PARÉNTESIS.

**NOTA:** Si hay signo menos delante del paréntesis, el número que está dentro del paréntesis sale con signo contrario.

DOS POSITIVOS:

$$(+3) + (+8) = 3 + 8 = 11$$

$$(+3) - (+8) = 3 - 8 = -5$$

$$-(+3) - (+8) = -3 - 8 = -11$$

DOS NEGATIVOS:

$$(-3) + (-8) = -3 - 8 = -11$$

$$(-3) - (-8) = -3 + 8 = 5$$

$$-(-3) - (-8) = 3 + 8 = 11$$

POSITIVO Y NEGATIVO:

$$(-3) + (+5) = -3 + 5 = 2$$

$$(-3) - (+5) = -3 - 5 = -8$$

$$-(-3) - (+5) = 3 - 5 = -2$$

**OPERACIONES DE DOS N<sup>os</sup>. SUMA Y RESTA**

1. REALIZA LAS SIGUIENTES OPERACIONES:

$$-7 + 5 =$$

$$-7 - (-4) =$$

$$-4 - 8 =$$

$$7 + (-7) =$$

$$3 - (-6) =$$

$$5 + (-9) =$$

$$(+7) + (+10) =$$

$$(-9) + (+35) =$$

$$-390 + 132 =$$

$$(-3) + (25) =$$

$$25 - 18 =$$

$$-29 - 58 =$$

$$(-8) + (-45) =$$

$$95 - 36 =$$

$$-17 + (-19) =$$

$$(-7) + (-16) =$$

$$-173 + 491 =$$

$$(+81) + (-39) =$$

$$(-12) - (+21) =$$

$$(-35) - (+39) =$$

$$(-29) - (-11) =$$

$$(-19) - (-21) =$$

$$(-45) - (+101) =$$

$$(+40) - (-15) =$$



## OPERACIONES DE DOS N<sup>os</sup>. SUMA Y RESTA

1. REALIZA LAS SIGUIENTES OPERACIONES:

$$-7 + 5 = -2$$

$$-7 - (-4) = -7 + 4 = -3$$

$$-4 - 8 = -12$$

$$7 + (-7) = 7 - 7 = 0$$

$$3 - (-6) = 3 + 6 = 9$$

$$5 + (-9) = 5 - 9 = -4$$

$$(+7) + (+10) = 7 + 10 = 17$$

$$(-9) + (+35) = -9 + 35 = 26$$

$$-390 + 132 = -258$$

$$(-3) + (25) = -3 + 25 = 22$$

$$25 - 18 = 7$$

$$-29 - 58 = -87$$

$$(-8) + (-45) = -8 - 45 = -53$$

$$95 - 36 = 59$$

$$-17 + (-19) = -17 - 19 = -36$$

$$(-7) + (-16) = -7 - 16 = -23$$

$$-173 + 491 = 318$$

$$(+81) + (-39) = 81 - 39 = 42$$

$$(-12) - (+21) = -12 - 21 = -33$$

$$(-35) - (+39) = -35 - 39 = -74$$

$$(-29) - (-11) = -29 + 11 = -18$$

$$(-19) - (-21) = -19 + 21 = 2$$

$$(-45) - (+101) = -45 - 101 = -146$$

$$(+40) - (-15) = 40 + 15 = 55$$

OPERACIONES DE VARIOS NÚMEROS ENTEROS.SUMA Y RESTA.

**EJEMPLOS:** CUANDO NO HAY PARÉNTESIS.

- 1º) Colocamos primero positivos y luego negativos.
- 2º) Agrupamos positivos y luego los negativos.
- 3º) Operamos.

$$\begin{array}{lcl}
 3 - 4 + 5 - 6 + 7 - 8 - 10 = & & - 5 - 5 + 15 - 20 + 2 - 3 = \\
 = 3 + 5 + 7 - 4 - 6 - 8 - 10 = & & = - 5 - 5 - 20 - 3 + 15 + 2 = \\
 = 15 - 28 = - 13 & & = - 33 + 17 = - 16
 \end{array}$$

**OTRA FORMA:** Ir haciendo operaciones cada dos números.

$$\begin{array}{l}
 3 - 4 + 5 - 6 + 7 - 8 - 10 = \\
 = - 1 + 5 - 6 + 7 - 8 - 10 = \\
 = 4 - 6 + 7 - 8 - 10 = \\
 = - 2 + 7 - 8 - 10 = \\
 = 5 - 8 - 10 = \\
 = - 3 - 10 = - 13
 \end{array}$$

**EJEMPLOS:** CUANDO HAY PARÉNTESIS.

- 1º) Sacamos números de los paréntesis.
- 2º) Colocamos primero positivos y luego los negativos.
- 3º) Agrupamos positivos y luego los negativos.
- 4º) Operamos.

$$\begin{array}{lcl}
 (+3) - (-5) + (-8) + (+7) - (+4) = & & - (-6) + (-2) - (-5) = \\
 = 3 + 5 - 8 + 7 - 4 = & & = 6 - 2 + 5 = \\
 = 3 + 5 + 7 - 8 - 4 = & & = 6 + 5 - 2 = \\
 = 15 - 12 = 3 & & = 11 - 2 = 9 \\
 \\ 
 (18 - 3) + (4 + 5) = & & - 3 + 6 - (9 - 3) = \\
 = (+15) + (+9) = & & = 3 - (+6) = \\
 = 15 + 9 = 24 & & = 3 - 6 = - 3
 \end{array}$$



## m.3 EJERCICIOS.5 (Resueltos)

### OPERACIONES DE VARIOS N<sup>os</sup> ENTEROS. SUNA Y RESTA

1. CALCULA:

$$(+13) + (+15) + (-9) + (-12) =$$

$$(-16) + (-52) + (-92) + (-12) =$$

$$-4 - 24 + 13 + 34 + (43 - 26) + 10 =$$

$$8 + (32 - 14) - (21 - 17) =$$

$$-25 - (-17) + 54 + (29 + 12) =$$

$$87 - (34 - 98) + 24 - 56 + 8 =$$

$$8 + (32 - 14) - (21 - 17) =$$

$$3 + (-4) - (-2) + (+6) =$$

$$9 + (-7) + 8 - (-3) =$$

---

$$-5 + (-8) - 2 + (-1) =$$

$$9 + (-6) - (-8) - 4 =$$

$$[[5 + (-79 - 3) + (5 - 2)] + 17 - (20 - 55)] =$$

$$[[5 + (-8 - 3) + (5 - 2)] + 13 - (2 - 5)] =$$

## OPERACIONES DE VARIOS N<sup>os</sup> ENTEROS.

### SUMA Y RESTA

1. CALCULA:

$$\begin{aligned} (+13) + (+15) + (-9) + (-12) &= \\ = 13 + 15 - 9 - 12 &= \\ = 28 - 21 &= \\ = 7 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (-16) + (-52) + (-92) + (-12) &= \\ = -16 - 52 - 92 - 12 &= \\ = -172 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -4 - 24 + 13 + 34 + (43 - 26) + 10 &= \\ = -4 - 24 + 13 + 34 + (+17) + 10 &= \\ = -4 - 24 + 13 + 34 + 17 + 10 &= \\ = -28 + 74 &= \\ = 46 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 8 + (32 - 14) - (21 - 17) &= \\ = 8 + (+18) - (+4) &= \\ = 8 + 18 - 4 &= \\ = 26 - 4 &= \\ = 22 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & -25 - (-17) + 54 + (29 + 12) = \\
 & = -25 + 17 + 54 + (+41) = \\
 & = -25 + 17 + 54 + 41 = \\
 & = -25 + 112 = \\
 & = 87
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 87 - (34 - 98) + 24 - 56 + 8 = \\
 & = 87 - (-64) + 24 - 56 + 8 = \\
 & = 87 + 64 + 24 - 56 + 8 = \\
 & = 87 + 64 + 24 + 8 - 56 = \\
 & = 183 - 56 = 127
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 8 + (32 - 14) - (21 - 17) = \\
 & = 8 + (+18) - (+4) = \\
 & = 8 + 18 - 4 = \\
 & = 26 - 4 = 22
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 3 + (-4) - (-2) + (+6) = \\
 & = 3 - 4 + 2 + 6 = \\
 & = 3 + 2 + 6 - 4 = \\
 & = 11 - 4 = 7
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 9 + (-7) + 8 - (-3) = \\
 & = 9 - 7 + 8 + 3 = \\
 & = 9 + 8 + 3 - 7 = \\
 & = 20 - 7 = \\
 & = 13
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & -5 + (-8) - 2 + (-1) = \\
 & = -5 - 8 - 2 - 1 = \\
 & = -16
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 9 + (-6) - (-8) - 4 = \\
 & = 9 - 6 + 8 - 4 = \\
 & = 9 + 8 - 6 - 4 = \\
 & = 17 - 10 = 7
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & [[5 + (-79 - 3) + (5 - 2)] + 17 - (20 - 55)] = \\
 & = [[5 + (-82) + (+3)] + 17 - (-35)] = \\
 & = [[5 - 82 + 3] + 17 + 35] = \\
 & = [[5 + 3 - 82] + 17 + 35] = \\
 & = [[8 - 82] + 17 + 35] = \\
 & = [(-74) + 17 + 35] = (-74 + 17 + 35) = (-22) = -22
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & [[5 + (-8 - 3) + (5 - 2)] + 13 - (2 - 5)] = \\
 & = [[5 + (-11) + (+3)] + 13 - (-3)] = \\
 & = [[5 - 11 + 3] + 13 + 3] = \\
 & = [[5 + 3 - 11] + 13 + 3] = \\
 & = [[8 - 11] + 13 + 3] = \\
 & = [(-3) + 13 + 3] = \\
 & = (-3 + 13 + 3) = \\
 & = 13.
 \end{aligned}$$

**NOTA** ⇒ En estos dos últimos casos el corchete de fuera ([ ]) no tiene ninguna función por lo que podría sacarse desde el principio del ejercicio.

**OPERACIONES DE DOS O MÁS NÚMEROS ENTEROS. MULTIPLICACIÓN Y DIVISIÓN.**

**¿CÓMO SE MULTIPLICAN Y DIVIDEN LOS SIGNOS?**

**MULTIPLICACIÓN=PRODUCTO**

+	•	+	=	+
+	•	-	=	-
-	•	+	=	-
-	•	-	=	+



**DIVISIÓN=COCIENTE**

+	:	+	=	+
+	:	-	=	-
-	:	+	=	-
-	:	-	=	+

**EJEMPLOS: MULTIPLICACIÓN.**

**DOS POSITIVOS:**

$$(+5) \cdot (+10) = 50$$

$$(+9) \cdot (+4) = 36$$

**DOS NEGATIVOS:**

$$(-3) \cdot (-20) = 60$$

$$(-10) \cdot (-9) = 90$$

**POSITIVO Y NEGATIVO:**

$$(+8) \cdot (-5) = -40$$

$$(-2) \cdot (+15) = -30$$

**EJEMPLOS: DIVISIÓN.**

**DOS POSITIVOS:**

$$(+10) : (+5) = 2$$

$$(+20) : (+2) = 10$$

**DOS NEGATIVOS:**

$$(-12) : (-6) = 2$$

$$(-18) : (-2) = 9$$

**POSITIVO Y NEGATIVO:**

$$(+100) : (-4) = -25$$

$$(-45) : (+9) = -5$$

**¿QUÉ OPERACIÓN SE HACE PRIMERO?** → De izquierda a derecha.

**EJEMPLOS:**

$$(-100) : (+2) \cdot (-3) = -50 \cdot (-3) = 150$$

$$(+4) \cdot (+6) : (-12) = 24 : (-12) = -2$$

$$(+3) \cdot (-4) \cdot (-3) = -12 \cdot (-3) = 36$$

$$(-36) : (-6) : (-2) = 6 : (-2) = -3$$

## OPERACIONES DE DOS O MÁS N<sup>os</sup> ENTEROS MULTIPLICACIÓN Y DIVISIÓN

1. CALCULA:

$$(-45) : (-15) =$$

$$(-125) : (-25) =$$

$$(-91) : (-7) =$$

$$(+115) : (-5) =$$

$$(+240) : (-24) =$$

$$(-144) : (+9) =$$

$$(+7) \cdot (+3) =$$

$$(+5) \cdot (-3) =$$

$$(+7) \cdot (-6) =$$

$$(-9) \cdot (-5) =$$

$$(-8) \cdot (-7) =$$

$$(+5) \cdot (-10) =$$

$$(-7) \cdot (-12) =$$

$$(+13) \cdot (-2) =$$

$$(-16) \cdot (-3) =$$

$$(-14) \cdot (-5) =$$

$$(-17) \cdot (+8) =$$

$$(+19) \cdot (-7) =$$

$$(-20) \cdot (-8) =$$



$$(-6).(-5).(+7)=$$

$$(-13).(+4).(-8)=$$

$$(-6).(-11).(-3)=$$

$$(-8).(-5).(-2)=$$

$$(+13).(-3).(-7)=$$

$$(+4).(-5).(+6)=$$

$$(-20):(-4).(+3)=$$

$$(+36).(-2):4=$$

$$(-14):(-2):(-7)=$$

## OPERACIONES DE DOS O MÁS N<sup>os</sup> ENTEROS

### MULTIPLICACIÓN Y DIVISIÓN

1. CALCULA:

$$(-45) : (-15) = + 3$$

$$(-125) : (-25) = + 5$$

$$(-91) : (-7) = + 13$$

$$(+115) : (-5) = - 23$$

$$(+240) : (-24) = - 10$$

$$(-144) : (+9) = - 16$$

$$(+7) \cdot (+3) = + 21$$

$$(+5) \cdot (-3) = - 15$$

$$(+7) \cdot (-6) = - 42$$

$$(-9) \cdot (-5) = + 45$$

$$(-8) \cdot (-7) = + 56$$

$$(+5) \cdot (-10) = - 50$$

$$(-7) \cdot (-12) = + 84$$

$$(+13) \cdot (-2) = - 26$$

$$(-16) \cdot (-3) = + 48$$

$$(-14) \cdot (-5) = + 70$$

$$(-17) \cdot (+8) = - 136$$

$$(+19) \cdot (-7) = - 133$$

$$(-20) \cdot (-8) = + 160$$

$$\underline{(-6)} \cdot (-5) \cdot (+7) = (+30) \cdot (+7) = 210$$

$$\underline{(-13)} \cdot (+4) \cdot (-8) = (-52) \cdot (-8) = 416$$

$$\underline{(-6)} \cdot (-11) \cdot (-3) = (+66) \cdot (-3) = -198$$

$$\underline{(-8)} \cdot (-5) \cdot (-2) = (+40) \cdot (-2) = -80$$

$$\underline{(+13)} \cdot (-3) \cdot (-7) = (-39) \cdot (-7) = 273$$

$$\underline{(+4)} \cdot (-5) \cdot (+6) = (-20) \cdot (+6) = -120$$

$$\underline{(-20)} : (-4) \cdot (+3) = (+5) \cdot (+3) = 15$$

$$\underline{(+36)} \cdot (-2) : 4 = (-72) : 4 = -18$$

$$\underline{(-14)} : (-2) : (-7) = (+7) : (-7) = -1$$

OPERACIONES COMBINADAS. (Paréntesis / Corchetes)

¿ORDEN DE LAS OPERACIONES?

- 1º) Paréntesis / Corchetes.
- 2º) Multiplicaciones y Divisiones.
- 3º) Sumas y Restas.

EJEMPLOS:

$$\begin{aligned} & (12 + 15 - 18) + (20 - 14) = \\ & = (27 - 18) + (+6) = \\ & = (+9) + (+6) = \\ & = 9 + 6 = 15 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & -20 + (2 - 4) - 7 - (-5 + 3) = \\ & = -20 + (-2) - 7 - (-2) = \\ & = -20 - 2 - 7 + 2 = \\ & = -29 + 2 = -27 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 17 - [5 + (-4)] = \\ & = 17 - [5 - 4] = \\ & = 17 - (+1) = \\ & = 17 - 1 = 16 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 3 + 4 \cdot 6 : 3 = \\ & = 3 + 24 : 3 = \\ & = 3 + 8 = 11 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & -36 : (-5 - 6 - 7) = \\ & = -36 : (-18) = 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 3 \cdot (9 - 3) : 3 = \\ & = 3 \cdot (+6) : 3 = \\ & = 18 : 3 = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 8 \cdot [-5 \cdot (-2 + 4) - (5 - 3)] : (-4) = \\ & = 8 \cdot [-5 \cdot (+2) - (+2)] : (-4) = \\ & = 8 \cdot [-10 - 2] : (-4) = \\ & = 8 \cdot (-12) : (-4) = \\ & = -96 : (-4) = 24 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & [-17 + (11 - 16)] - [(-2 + 7) \cdot (25 - 20)] = \\ & = [-17 + (-5)] - [(+5) \cdot (+5)] = \\ & = (-17 - 5) - (+25) = \\ & = (-22) - 25 = \\ & = -22 - 25 = -47 \end{aligned}$$

NOTA: LAS OPERACIONES COMBINADAS CON POTENCIAS ESTÁN EN EL TEMA DE POTENCIAS!!

OPERACIONES COMBINADAS

1. EFECTÚA:

$$2 - (7 - 5) \cdot 4 =$$

$$12 : 2 : (-6 + 8) =$$

$$5. (-10) + 6 : 2 =$$

$$17 - 5 \cdot 3 + 6 =$$

~~$$5 / (10) + 6 : 2 =$$~~

$$(-3 + 5) \cdot (-3) : 2 + (-1 + 6) =$$

2. CALCULA LAS SIGUIENTES OPERACIONES:

$$2 - (3 - 7) + 24 =$$

$$-10 \cdot (7 - 20) - 6 =$$

$$(25 : 25) + (7 - 8) =$$

$$-(12 - 9) \cdot (8 - 18) =$$

$$20 - 10 : (13 + 7 - 18) =$$

3. EFECTÚA LAS SIGUIENTES OPERACIONES:

$$(6+4):(2+3)=$$

$$5.(-10+6):2=$$

$$(-6:3) \cdot (1+1)=$$

$$-1-4.4:2=$$

$$(-9+1):2.4=$$

$$4:(5-3)+1=$$

$$(-2+3).5-1=$$

4. CALCULA:

$$5+3-2.2=$$

$$3+5.(7-3)=$$

$$4+2.[3+2-(4-1)]=$$

$$(8-4):2-1=$$

$$2-3.(7-4).8=$$

$$4.14-120:12=$$

$$3.12+14:7=$$

$$5+4.5=$$

5. CALCULA:

$$16 + 4 \cdot 3 - 2 =$$

$$6 + 4 \cdot (5 - 3 + 8) =$$

$$10 - 10 : 2 + 15 : 3 + 4 \cdot 4 =$$

$$5 \cdot 3 + 8 \cdot 4 - 2 \cdot 6 =$$

$$(4 + 8 - 3 + 5) \cdot 4 + 2 =$$

$$(6 + 8) : 2 + 18 : (5 + 4) =$$

$$2 - 3 - (4 + 1) =$$

$$3 + 5 \cdot 7 - 4 \cdot 8 =$$

$$3 \cdot 4 - 2 \cdot 6 =$$

$$3 \cdot 2 - 3 \cdot 4 =$$

$$5 \cdot 7 - 5 \cdot 4 =$$

$$3 \cdot 12 - 4 \cdot 5 =$$

$$11 \cdot (10 - 7) =$$

$$12 \cdot (3 - 4) =$$

$$10 : (2 - 3) =$$

$$28 : (2 - 3) =$$

$$10 : 2 - 3 \cdot 12 =$$

$$10 : (2 + 3) =$$



6. OPERA ESTAS EXPRESIONES :

$$(-2) \cdot [8 - (+4) - (-10)] =$$

$$[(-6) - (-3)] \cdot [(+5) - (-2)] =$$

$$(-5) \cdot [(-5) + (+2) - (4 + 6 - 1)] =$$

$$(-3) \cdot (+2) - [(-5) + (-7) - (-1)] \cdot (-3) =$$

$$3. [(+4) + (-6)] - (-2) \cdot [8 - (+4)] =$$

$$3 - [(5-8) - (3-6)] =$$

$$(2+7) - 5 - [6 - (10-4)] =$$

$$3 \cdot 4 - 15 : [12 + 4 \cdot (2-7) + 5] =$$

## OPERACIONES COMBINADAS

### 1. EFECTÚA:

$$\begin{aligned} 2 - (7 - 5) \cdot 4 &= \\ = 2 - (+2) \cdot 4 &= \\ = 2 - 2 \cdot 4 = 2 - 8 &= -6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5. (-10) + 6 : 2 &= \\ = -50 + 3 &= \\ = -47 \end{aligned}$$

REPETIDO

$$\begin{aligned} 5. (-10) + 6 : 2 &= \\ = -50 + 3 &= \\ = -47 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 12 : 2 : (-6 + 8) &= \\ = 12 : 2 : (+2) &= \\ = 6 : 2 = 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 17 - 5 \cdot 3 + 6 &= \\ = 17 - 15 + 6 &= \\ = 17 + 6 - 15 &= \\ = 23 - 15 = 8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (-3 + 5) \cdot (-3) : 2 + (-1 + 6) &= \\ = (+2) \cdot (-3) : 2 + (+5) &= \\ = -6 : 2 + 5 &= \\ = -3 + 5 = 2 \end{aligned}$$

colores que indican el orden de las operaciones. (En los apuntes usé el rosa)

### 2. CALCULA LAS SIGUIENTES OPERACIONES:

$$\begin{aligned} 2 - (3 - 7) + 24 &= \\ = 2 - (-4) + 24 &= \\ = 2 + 4 + 24 = 30 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -10 \cdot (7 - 20) - 6 &= \\ = -10 \cdot (-13) - 6 &= \\ = 130 - 6 = 124 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (25 : 25) + (7 - 8) &= \\ = (+1) + (-1) &= \\ = 1 - 1 = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -(12 - 9) \cdot (8 - 18) &= \\ = -(+3) \cdot (-10) &= \\ = -3 \cdot (-10) = 30 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 20 - 10 : (13 + 7 - 18) &= \\ = 20 - 10 : (+2) &= \\ = 20 - 5 &= \\ = 15 \end{aligned}$$

3. EFECTÚA LAS SIGUIENTES OPERACIONES:

$$\begin{aligned}(6+4):(2+3) &= \\ &= (+10):( +5) = 2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(-6:3) \cdot (1+1) &= \\ &= (-2) \cdot (+2) = -4\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(-9+1):2 \cdot 4 &= \\ &= (-8):2 \cdot 4 = \\ &= -4 \cdot 4 = -16\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(-2+3) \cdot 5 - 1 &= \\ &= (+1) \cdot 5 - 1 = \\ &= 5 - 1 = 4\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5 \cdot (-10+6):2 &= \\ &= 5 \cdot (-4):2 = \\ &= -20:2 = -10\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}-1-4 \cdot 4:2 &= \\ &= -1-16:2 =\end{aligned}$$

$$= -1-8 = -9$$

$$\begin{aligned}4:(5-3)+1 &= \\ &= 4:(+2)+1 = \\ &= 2+1 = 3\end{aligned}$$

4. CALCULA:

$$\begin{aligned}5+3-2 \cdot 2 &= \\ &= 5+3-4 = \\ &= 8-4 = 4\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}4+2 \cdot [3+2-(4-1)] &= \\ &= 4+2[3+2-(+3)] = \\ &= 4+2[3+2-3] = \\ &= 4+2 \cdot (+2) = \\ &= 4+4 = 8\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2-3(7-4) \cdot 8 &= \\ &= 2-3 \cdot (+3) \cdot 8 = \\ &= 2-9 \cdot 8 = \\ &= 2-72 = -70\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3+5 \cdot (7-3) &= \\ &= 3+5 \cdot (+4) = \\ &= 3+20 = 23\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(8-4):2-1 &= \\ &= 4:2-1 = \\ &= 2-1 = 1\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}4 \cdot 14 - 120:12 &= \\ &= 56-10 = 46\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5+4 \cdot 5 &= \\ &= 5+20 = 25\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3 \cdot 12 + 14:7 &= \\ &= 36+2 = 38\end{aligned}$$

##### 5. CALCULA:

$$\begin{aligned}16 + 4 \cdot 3 - 2 &= \\= 16 + 12 - 2 &= \\= 28 - 2 &= 26\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}10 - 10 : 2 + 15 : 3 + 4 \cdot 4 &= \\= 10 - 5 + 5 + 16 &= \\= 26 &= \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4 + 8 - 3 + 5) \cdot 4 + 2 &= \\= 14 \cdot 4 + 2 &= \\= 56 + 2 &= 58\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2 - 3 - (4 + 1) &= \\= 2 - 3 - (+5) &= \\= 2 - 3 - 5 = 2 - 8 &= -6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3 \cdot 4 - 2 \cdot 6 &= \\= 12 - 12 &= 0\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5 \cdot 7 - 5 \cdot 4 &= \\= 35 - 20 &= 15\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}11 \cdot (10 - 7) &= \\= 11 \cdot (+3) &= 33\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}10 : (2 - 3) &= \\= 10 : (-1) &= -10\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}10 : 2 - 3 \cdot 12 &= \\= 5 - 36 &= -31\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}6 + 4 \cdot (5 - 3 + 8) &= \\= 6 + 4 \cdot (+10) &= \\= 6 + 40 &= 46\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5 \cdot 3 + 8 \cdot 4 - 2 \cdot 6 &= \\= 15 + 32 - 12 &= \\= 47 - 12 &= 35\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(6 + 8) : 2 + 18 : (5 + 4) &= \\= 14 : 2 + 18 : 9 &= \\= 7 + 2 &= 9\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3 + 5 \cdot 7 - 4 \cdot 8 &= \\= 3 + 35 - 32 &= \\= 38 - 32 &= 6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3 \cdot 2 - 3 \cdot 4 &= \\= 6 - 12 &= -6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3 \cdot 12 - 4 \cdot 5 &= \\= 36 - 20 &= 16\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}12 \cdot (3 - 4) &= \\= 12 \cdot (-1) &= -12\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}28 : (2 - 3) &= \\= 28 : (-1) &= -28\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}10 : (2 + 3) &= \\= 10 : 5 &= 2\end{aligned}$$

6. OPERA ESTAS EXPRESIONES :

$$\begin{aligned} & (-2) \cdot [8 - (+4) - (-10)] = \\ & = (-2) \cdot [8 - 4 + 10] = \\ & = (-2) \cdot [14] = \\ & = -28 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & [(-6) - (-3)] \cdot [(+5) - (-2)] = \\ & = (-6 + 3) \cdot (5 + 2) = \\ & = (-3) \cdot (+7) = \\ & = -21 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (-5) \cdot [(-5) + (+2) - (4 + 6 - 1)] = \\ & = (-5) \cdot [-5 + 2 - (+9)] = \\ & = (-5) \cdot [-5 + 2 - 9] = \\ & = (-5) \cdot (-12) = \\ & = 60 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (-3) \cdot (+2) - [(-5) + (-7) - (-1)] \cdot (-3) = \\ & = (-6) - [-5 - 7 + 1] \cdot (-3) = \\ & = (-6) - (-11) \cdot (-3) = \\ & = -6 - (+33) = \\ & = -6 - 33 = \\ & = -39 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 3. [(+4) + (-6)] - (-2). [8 - (+4)] = \\
 & = 3. [4 - 6] - (-2). (8 - 4) = \\
 & = 3. (-2) + 2. (+4) = \\
 & = -6 + 8 = \\
 & = 2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 3 - [(5-8) - (3-6)] = \\
 & = 3 - [(-3) - (-3)] = \\
 & = 3 - [-3 + 3] = \\
 & = 3 - 0 = 3
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & (2+7) - 5 - [6 - (10-4)] = \\
 & = 9 - 5 - [6 - (+6)] = \\
 & = 9 - 5 - [6 - 6] = \\
 & = 9 - 5 - 0 = 4
 \end{aligned}$$

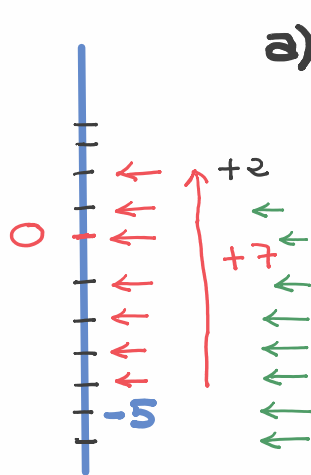
$$\begin{aligned}
 & 3.4 - 15 : [12 + 4. (2-7) + 5] = \\
 & = 12 - 15 : [12 + 4. (-5) + 5] = \\
 & = 12 - 15 : [12 - 20 + 5] = \\
 & = 12 - 15 : (-3) = \\
 & = 12 + 5 = \\
 & = 17
 \end{aligned}$$

## m.3 NÚMEROS ENTEROS.8

### EJEMPLOS DE PROBLEMAS DE NÚMEROS ENTEROS.

EXPRESA CON NÚMEROS ENTEROS Y RESUELVE LAS SIGUIENTES SITUACIONES:

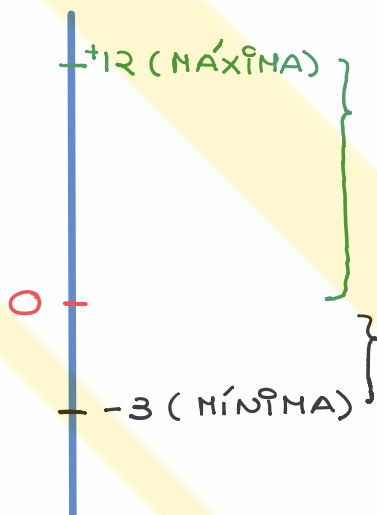
- A) ESTABA EN EL SÓTANO 5 Y EL ASCENSOR HA SUBIDO 7 PLANTAS. ¿EN QUÉ PLANTA ME ENCUENTRO?
- B) SI AHORA BAJO 8 PLANTAS, ¿DÓNDE ME ENCUENTRO?



$$a) -5 + 7 = 2 \text{ (2ª planta)}$$

$$b) +2 - 8 = -6 \text{ (En el sótano 6)}$$

LA TEMPERATURA MÁXIMA DE UN DÍA DE INVIERNO HA SIDO DE 12 GRADOS CENTÍGRADOS, Y LA MÍNIMA DE 3 GRADOS BAJO CERO. ¿CUÁL HA SIDO LA DIFERENCIA DE TEMPERATURAS ESE DÍA?



$$+12 - (-3) = 12 + 3 = 15 \text{ Grados}$$

JESÚS DEBE 75 EUROS DEL ÚLTIMO PLAZO DE UN ORDENADOR QUE COMPRÓ. HA AHORRADO 127 EUROS Y ABONA EL PAGO. SI ADEMÁS SE COMPRA UN CD QUE LE CUESTA 13 EUROS, ¿CUÁNTO DINERO LE QUEDA?

$$-75 + 127 - 13 = 39 \text{ Euros}$$



ANA DEBE 10 EUROS A UNO DE SUS HERMANOS, PERO HA CONSEGUIDO AHORRAR 61 Y DECIDE PAGARLE. ADEMÁS SE COMPRA UN LIBRO QUE LE CUESTA 15 EUROS. EL DINERO QUE LE SOBRA LO REPARTE ENTRE SUS TRES HERMANOS. ¿CUÁNTO DINERO LE DA A CADA UNO?

$$-10 + 61 - 15 = 36 \text{ euros (le queda)}$$

$$36 : 3 = 12 \text{ euros a cada hermano.}$$